Pour qu'il représente un plan cristallin, il faut et il suffit, à cause du principe d'homogénéité, qu'il contienne un centre cristallin de coordonnées Xa, Yb, Zc, les quantités X, Y et Z représentant des entiers, c'est-a-dire il faut que l'équation

$$mX + nY + pZ = \alpha \tag{1}$$

admette une solution entière. Distinguons deux cas :

1° m, n et p sont premiers entre eux. On sait que, dans ce cas, l'équation (1) admet une infinité de solutions entières et le plan est un plan cristallin;

 2° m, n et p ont un facteur premier commun. Comme ce facteur ne divise pas α , l'équation n'admet pas de solution entière et le plan ne contient pas de centres cristallins.

En résumé, pour qu'un plan rationnel (Ma, Nb, Pc) soit un plan cristallin, il faut et il suffit qu'en réduisant M, N, P au plus petit numérateur commun, les dénominateurs obtenus soient premiers entre eux.

Expédition antarctique belge. — Note préliminaire sur les observations magnétiques faites pendant le voyage du S. Y. Belgica en 1897-1898 et 1899; par G. Lecointe, commandant en second de l'Expédition.

A. Mesure de la déclinaison. — Sur la banquise, l'appareil de Neumayer a été seul employé pour la mesure de la déclinaison.

Comme les observations au sextant faisaient connaître très exactement l'état absolu des montres par rapport au temps local, il était possible de calculer avec précision l'azimut vrai d'un astre, à une heure chronométrique donnée.

La déclinaison se déduisait ainsi de la différence algébrique des azimuts vrais et magnétiques à une heure chronométrique observée.

En calculant l'azimut vrai en fonction de l'heure locale, on obtenait un résultat plus exact qu'en faisant usage du théodolite de Brunner, dont le maniement est trop compliqué pour donner de bons résultats sur la banquise.

B. Mesure de la composante horizontale. — La remarque précédente, concernant l'usage du théodolite pour la mesure de la déclinaison, est a fortiori vraie s'il s'agit de l'observation de la composante horizontale. Comme les pointes des trépieds s'enfonçaient peu à peu, et avec des vitesses différentes, dans la glace, comme de plus la banquise était toujours en mouvement, l'instabilité de l'instrument enlevait toute valeur aux mesures faites au théodolite. Si l'on compare les résultats fournis par le théodolite avec ceux indiqués par l'appareil de Neumayer, les comparaisons sont tout à l'avantage de ce dernier instrument. Avec l'appareil de Neumayer, la composante horizontale s'obtenait par la mesure de l'angle de déflection que produit un ou plusieurs barreaux aimantés, situés à des distances constantes du pivot et occupant des positions perpendiculaires à l'aiguille.

Cette méthode des déflecteurs suppose que le moment magnétique des aimants demeure constant. Il n'existe pas de méthode précise permettant de déterminer sur la banquise, les lois de variation des moments magnétiques.

C. Mesure de l'inclinaison. — La grande sensibilité de la boussole de Gambey n'a pu être utilisée régulièrement à cause des mouvements de la glace. Nous prenions cependant la précaution de nous déplacer le moins possible à proximité de l'instrument. Les lectures de chacune des pointes étaient faites vers l'est et vers l'ouest, puis on retournait l'aiguille face pour face; enfin on recommençait l'opération après avoir renversé les polarités. On obtenait ainsi seize chiffres qui différaient les uns des autres, mais dont la moyenne approchait de la valeur obtenue par l'appareil de Neumayer.

Avec ce dernier, les lectures se faisaient directement dans le méridien magnétique, ou par la méthode des plans perpendiculaires, ou encore dans un azimut faisant un angle de 10° avec le méridien magnétique. Les aiguilles ont été retournées face pour face, mais leur polarité n'a pas été renversée afin de leur conserver, dans la limite du possible, un moment magnétique constant, nécessaire à la détermination de la composante verticale.

182

2 2 2

DATES.	Latitudes.	Longitudes O. en degrés.	de Greenwich en temps.	Heures moyennes	Températures.	Inclinaisons	Observations.
29 mai 4898	71° 23' 48" 71° 36° 00 71° 25° 45 71° 23° 00 71° 04° 00 70° 56° 45 70° 54° 45 70° 35° 45 70° 45° 00 — 69° 58° 45 —	87° 35′ 00″ 87 38 30 86 55 45 87 22 45 86 03 00 83 30 00 88 49 00 86 34 45 82 45 00 — 82 38 45	5h 50m 20s 5 50 34 5 47 44 5 49 29 5 44 42 5 34 00 5 53 46 5 46 47 5 31 00 - 5 30 35 -	8h 5 00 — 41 30 matin midi midi 3 40 soir 2 45 — 8 00 — 2 45 — 9 30 — 41 00 matin 2h à 3h du soir	- 25°0 - 9 0 - 28 1 - 27 4 - 21 1 - 27 2 - 32 6 - 29 3 - 23 0 - 28 5 - 15 6 - 20 5	70°,07′ 70 14 69 38 69 48 69 02 68 09 69 45 69 23 68 38 67 46 67 52 68 03	Aurore polaire.
4 —	70 24 00 70 30 30 70 30 00 70 23 30 70 09 45 69 59 00 69 55 00 69 43 00	82 35 45 82 36 45 83 03 00 82 31 00 82 37 00 82 52 45 82 39 00 82 48 00 82 46 45 82 42 30 80 54 45 80 31 00 80 50 30 80 36 70	5 30 21 5 30 25 5 32 12 5 30 04 5 30 28 2 31 29 5 30 36 6 6 5 31 12 5 30 50 5 23 37 5 22 04 5 23 22 5 22 26	3h 00m soir 4 30 4 30 2h à 3h du soir 4h 30m soir 3 00 4 00 4 30 2h à 3h du soir 3h 45m soir 40 30 matin 2h30 à 3h50 soir 40h 00m matin 9 30 9 30 9 00 9 00 8 45		68 07 67 45 67 45 68 23 68 46 67 58 68 43 67 56 68 06 68 07 68 10 68 22 68 20 68 47 68 02 67 40 67 22 67 32 67 13	Aurore polaire.

 $\frac{2}{3}$

 \tilde{x}

DATES.	Latitudes	Longitudes O. de Greenwich		Heures moyennes	Températures.	Inclinaisons	Observations.	
	-	en degrés. en temps.		locales.		moyennes.		
29 octobre	69° 38′ 00′′ — 69° 51′ 45′ 70′ 09′ 00′ 70′ 06′ 00′ 70′ 25′ 00′ 70′ 49′ 45′ 69′ 50′ 30′ 69′ 49′ 15′ 70′ 15′ 00′ 70′ 18′ 30′ 70′ 20′ 15′	80° 35′ 30″ 84 23 45 82 35 45 82 30 30 83 27 00 83 23 45 82 45 00 82 46 45 84 06 45 84 51 00 85 52 00	5h 22m 22* 5 25 35 5 30 21 5 30 02 5 33 48 5 33 33 5 31 00 5 31 07 5 36 25 5 39 24 5 43 28	de 40h30 à 14h45 matin 41h 00m matin 9 30 — 40 00 — 3 30 soir 9 00 matin 5 45 soir 5 30 — 4 40 — 5 20 — 5 00 —	- 12·2 - 12 2 - 13 0 - 5 2 - 4 2 - 2 7 - 2 4 - 1 9 - 3 1 - 1 4 - 0 9 + 2 7	67°,37′ 67° 22 68° 22 68° 47 68° 07 68° 40 68° 20 67° 40 67° 52 68° 26 68° 44		
29 —	70 45 00 70 01 30 69 52 00 69 52 00 70 37 30 70 33 45 70 29 45 70 53 00 70 53 45 70 50 45 70 50 00 53 09 38 53 09 38	85 54 45	5 43 25 	6h45 à 7h15 soir 7h 00m soir 5 00 — 5 30 — 9 00 matin 7 45 soir 8 00 matin 7h45 à 8h soir 8h à 8h30 — 8h 00m — 3 30 — 9 30 matin 3 30 soir 40 00 matin 9 30 — 2 30 soir 2 50 — 40 00 matin	+ 03 - 03 - 25 - 46 - 28 - 20 - 68 - 45 - 45 - 45 - 45 - 45 - 45 - 45 - 45	68 35 68 30 68 32 68 27 68 27 70 09 70 30 70 44 70 22 70 27 70 07 74 47 74 45 74 47 74 32 74 56 50 44 50 38 50 47 50 36	Punta Arenas. Idem. Idem. Idem.	

186)

18/

D . (7)		Longitudes O. de Greenwich		Heures moyennes		Composante		
DATES. Latitudes.	en degrés.	en temps.	locales.	Températures.	horizontale.	Observations,		
23 mars 4898 .	71034' 45"	880 50' 45''	5h 55m 23s	4h soir	- 43°,2	0,20673		
8 avril	70 53 04	Į	de la dérive.	4 —	- 20 4	0,20013		
14	İ	carte de la d		de 10h30 à 11h matin	- 14 6	0,20508	Le 14 avril, le soir,	ł
14 —	_	1 -	1 –		_	0,21679	aurore polaire ca- ractéristique.	
14	_	_			-	0,20840	•	
14 —	_	_	_	_	-	0,20840		
14 —	_	_	-		_	0,24679		
14	_	_		de 4h à 4h 45 soir	- 47 9	0,20897		
14		-		_		0,21011		
14 —	-	-	_	_	_	0,21362		
14 —	-	_				0,21543		
14 —		_		de 4 ^h 45 à 5 ^h 30 soir.	— 1 8 1	0,22774		
·	[1	1	! }	\ \	1 1	l Tanan	
14			_	_	-	0,22435		l
14		_	_	-	_	0,21728		l
14	_		_			0,22913		l
14		_				0,21641		l
15	Voir	carte de la de	Srive.	3h soir	21 2	0,20706	ļ	l
15	- 1	- i		3 -	- 21 2	0,20706	Théodolite.	
21 —	71 02 00	92 03 45	6h 08m 13s	8 -	- 17 1	0,20346		
25 —	70 50 15	92 24 30	6 09 26	10 —	- 24 3	0,20432	Le 25 avril, aurore polaire.	
30	70 43 30	90 30 45	6 02 03	10 -	- 14 1	0,20818		
4 mai	70 33 30	89 22 00	5 57 28	7 matin	- 14 0	0,20960		
16 —	74 34 30	89 10 00	5 56 40	4 soir	- 12 2	0,20717		
29 —	74 23 45	87 35 00	5 50 2 0	8h 50m soir	- 25 0	0,20853		١
31 —	71 36 00	87 3 8 30	5 50 34	4 50 —	- 90	0,21010		١
1er juin	71 25 15	86 55 45	5 47 41	11 15 -	- 28 1	0,21031		١
1er			_	4 50 -	- 28 1	0,20825		
3	74 23 0 0	87 22 15	5 49 29	44 50 matin	_ 27 4	0,20956		
14 —	71 04 00	86 03 00	5 44 12	41 50 —	- 21 1	0,21232		
22	70 56 15	83 30 00	5 34 00	3 30 soir	- 27 2	0 ,21593 0 ,21 060		
,				0 (1)	20 6 1	U."(UDU	:	4
9 juillet	70 54 15	88 49 00	5 53 16 5 46 17	2 45 8 00	- 32 6 - 29 3	0,21347		۱

1900. — SCIENCES.

		Longitudes O. de Greenwich		Heures moyennes		Composante		
DATES.	DATES. Latitudes		e n temps.	locales.	Températures.	horizontale.	Observations.	
2 septembre 1898.	70°00′15′′	8 2 ° 45′ 00″	5h 34m 00s	Oh (Pm)	925.0	0,22275		
	10*00 13	02°45 00°	J. 31 00°	2h 45m soir 9 30 —	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	0,22215	La O contembus Is	
3	69 58 45	82 38 45	5 30 35	9 30 — 10 45 matin	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	0,22193	Le 2 septembre, le soir, aurore po- laire intense.	
4		-	3 50 60	2 20 soir	- 20 2	0,22156	iane intense.	
4				5 00	- 20 2	0,22179		
4				5 45 —	- 20 2	0,23184		
4		_	_	5 30	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	0,2226		
7	69 54 00	82 35 45	5 30 24	4 00 -	- 20 2 - 33 3	0,22228		
7	_			4 10	- 33 3	0,22226		
9 —	69 54 00	82 36 15	5 30 25	4 30 —	- 31 0	0,21860	Observations dou-	
9				4 50 —	- 31 5	0,21973	teuses. Le soir, aurore polaire.	
48 -	69 50 45	83 03 00	5 32 12	3 30	- 29 0	0,22161	amore pomine.	
	\		0 02 12	1]	0,22101		
22 –	70 22 45	82 31 00	5 30 04	3 30	48	0,22003		
23	70 24 30	82 37 00	5 30 28	4 00 -	- 13 1	0,22003		
26 —	70 24 45	82 52 15	5 31 29	de 1h à 2h30 soir	— 15 6	0,21748	Théodolite.	
26 –	_		_	3h 30m soir	— 45 2	0,22029		
26 —	_		_	_	<u>.</u>	0,22038		
29	70 21 00	82 39 00	5 30 36	de 2h30 à 3h50 soir	- 18 1	0 , 244 2 3	Théodolite.	
29 —	_	_		3h soir	18 1	0,22024		
7 octobre	70 30 30	82 48 00	5 31 12	9h 30m matin	- 14 5	0,21954		
8	70 23 30	82 46 45	5 34 07	9 15	15 1	0,21895		
10	70 09 15	82 42 30	5 30 50	9 00 —	- 65	0,22094		
46 —	69 59 00	80 54 15	5 23 37	9 00	- 57	0,22375		
22 –	69 55 00	80 31 00	5 22 04	8 45 —	- 16 2	0,22460		
24	69 43 00	80 50 30	5 23 22	8 50	- 19 2	0,22498		
25 —	69 38 45	80 36 30	5 22 26	8 30 —	- 48 3	0,22547		
29 —	69 38 00	80 35 30	5 22 22	8 30 -	- 14 7	0 ,22 536		
29 —	_		_	41 00	- 12 7	0,22536		
29 –	_			_	_	0,22486		
2 9 —		_		de 10h a 11h30 matin	- 12 7	0,22811	Théodolite.	
2 novembre	69 54 45	81 23 45	5 25 3 5	de 2h45 à 3h15 soir	62	0,22421	Théodolite.	
2		-		3 ^h soir		0,22391		

90

Observations de la composante horizontale, à l'aide du compas étalon de Thomson, du théodolite magnétique de Brunner et de l'appareil de Neumayer (suite).

DATES. Latitudes		Longitudes O. de Greenwich		Heures moyennes		Composante	
		en degrés.	en temps.	locales.	Températures.	horizontale.	Observations.
10 novembre 1898.	70°09′00″	82° 35′ 45′′	5h 30m 21s	3h soir	− 7°,8	0,22804	
20 —	70 06 00	82 30 3 0	5 30 02	4	- 42	0,22197	
25	70 25 00	83 27 00	5 33 48	8h 30m matin	- 26	0,21782	
28	70 19 4 5	83 23 45	5 33 33	5 30 soir	46	0,21929	
9 décembre	6 9 5 0 3 0	82 45 00	5 31 00	5 45	- 19	0,22207	
12	69 49 15	82 46 45	5 34 07	6 00 -	- 32	0,22301	
20	70 45 00	84 06 15	5 36 25	5 00 —	- 43	0,22019	
22 –	70 48 30	84 51 00	5 39 24	5 00 —	- 09	0,21919	
27	70 20 15	85 52 , 00	5 43 28	4 30 —	+ 20	0,22044	
29	70 15 00	85 51 15	5 43 25	de 4h à 5h15 soir	+ 23	0,21835	Théodolite.
29 –		_	-	5h soir	+ 23	0,21919	
34	70 01 30	85 20 15	5 41 21	5h 30m soir	- 30	0,22003	
`` 	`\	`	1	`	'	` 	الم
2 janvier 1899 .	69 52 00	85 43 30	5 40 54	3 00 —	- 10	0,21891	
7	69 52 00	85 32 15	5 42 09	8 00 matin	- 32	0,21851	
9 février	70 37 30	92 54 3)	6 41 38	6 00 soir	- 20	0,20674	
10	70 33 45	93 17 00	6 13 08	7 45 matin	- 65	0,20559	
10		_	-	de 5h à 6h15 soir	1	0,20495	Théodolite.
10		-		6h soir	4 0	0,20628	
10	_		_	6	- 40	0,20596	
19	70 29 45	94 12 15	6 46 49	3 -	- 08	0,20745	
2 mars	70 53 00	97 16 45	6 29 07	9 matin	+ 06	0,19922	
2		97 46 45	6 29 05	4 soir	+ 02	0,19998	
4	70 53 45	97 55 00	6 31 40	10 —	- 40 4	0,19787	
6	70 50 45	97 57 00	6 34 48	40 matin	- 6 7	0,19699	
12	70 56 00	100 17 30	6 41 10	9h 45m matin	- 12 5	0,19477	m (1.2)
4 avril	53 09 38	70 54 00	4 43 36	de 11 ^h matin à mid		0,27860	Théodolite.
4	_	_	_	11h matin	+ 10 8	0,27792	
4	_	_		11	+ 10 8	0,27788	(III)
1er mai	53 09 38	70 54 00	4 43 36	de 11 th matin à midi		0,27840	Théodolite.
1er —			_	44h 30m matin	+ 58	0,27909	Punta Arenas.
1 ^{er} —			_	11 30 -	+ 58	0,27905	